

問 5.1 次の関数が表すグラフにおいて、

() 内に指定してある点に対応する接線の方程式を求めよ。

(1) $f(x) = x^2 - 3x + 4$ ($x = 1$)

$f(x) = x^2 - 3x + 4$ より $f'(x) = 2x - 3$

よって $b = f(1) = 1 - 3 + 4 = 2$, $m = f'(1) = 2 - 3 = -1$

従って、求める接線の方程式は $y - 2 = (-1) \times (x - 1)$

$\therefore y = -x + 3$

(2) $f(x) = e^{-x}$ ($x = 0$)

$f(x) = e^{-x}$ より $f'(x) = -e^{-x}$

よって $b = f(0) = e^0 = 1$, $m = f'(0) = -e^0 = -1$

従って、求める接線の方程式は $y - 1 = (-1) \times (x - 0)$

$\therefore y = -x + 1$

(3) $f(x) = \log(x^2 + 1)$ ($x = 1$)

$f(x) = \log(x^2 + 1)$ より $f'(x) = \frac{2x}{x^2 + 1}$

よって $b = f(1) = \log 2$, $m = f'(1) = \frac{2}{1+1} = 1$

従って、求める接線の方程式は $y - \log 2 = 1 \times (x - 1)$

$\therefore y = x - 1 + \log 2$

[重要な値]

(1) $e^0 = 1$

(2) $\log e = 1$

(3) $\log 1 = 0$

※110番で覚えよう

(4) $f(x) = \sqrt{3x+1}$ ($x = 1$)

$f(x) = \sqrt{3x+1}$ より $f'(x) = \frac{3}{2\sqrt{3x+1}}$

よって $b = f(1) = \sqrt{4} = 2$, $m = f'(1) = \frac{3}{2\sqrt{4}} = \frac{3}{4}$

従って、求める接線の方程式は $y - 2 = \frac{3}{4} \times (x - 1)$ $\therefore y = \frac{3}{4}x + \frac{5}{4}$

[微分公式] $(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

(5) $f(x) = \tan^{-1} x$ ($x = 1$)

$f(x) = \tan^{-1} x$ より $f'(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$

よって $b = f(1) = \tan^{-1}(1) = \frac{\pi}{4}$, $m = f'(1) = \frac{1}{2}$

従って、求める接線の方程式は $y - \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2} \times (x - 1)$ $\therefore y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} + \frac{\pi}{4}$