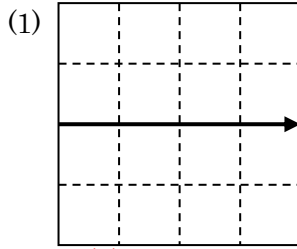
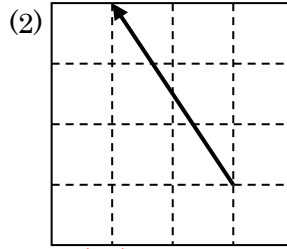


問 6.6 次のベクトルの成分表示と大きさを求めよ。



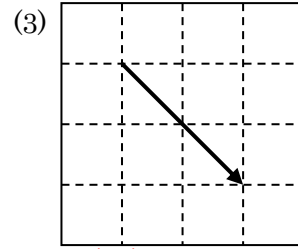
$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$|\vec{a}| = \sqrt{16+0} = \sqrt{16} = 4$$



$$\vec{b} = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$|\vec{b}| = \sqrt{4+9} = \sqrt{13}$$



$$\vec{c} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}$$

$$|\vec{c}| = \sqrt{4+4} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

問 6.7  $\vec{a} = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{b} = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix}$  のとき、次のベクトルを成分表示で表せ。

(1)  $2\vec{a} + \vec{b} = 2\begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ 6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ 8 \end{pmatrix}$

(2)  $\vec{a} - 2\vec{b} = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix} - 2\begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 9 \\ -1 \end{pmatrix}$

問 6.8  $\vec{a} = \begin{pmatrix} \sqrt{3} \\ 1 \end{pmatrix}$ ,  $\vec{b} = \begin{pmatrix} -\sqrt{3} \\ 1 \end{pmatrix}$  のとき、2つのベクトル  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  がなす角  $\theta$  を求めよ

$$|\vec{a}| = \sqrt{3+1} = \sqrt{4} = 2, \quad |\vec{b}| = \sqrt{3+1} = \sqrt{4} = 2, \quad \vec{a} \cdot \vec{b} = -3+1 = -2$$

$$\text{よって } \cos\theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}||\vec{b}|} = \frac{-2}{2 \times 2} = -\frac{1}{2} \Rightarrow \theta = \text{Cos}^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) = \pi - \frac{\pi}{3} = \frac{2}{3}\pi$$

問 6.9 次の問いに答えよ。

(1)  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 2$ ,  $|\vec{a} - \vec{b}| = 2$  のとき、内積  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  の値を求めよ。

$$|\vec{a} - \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} + |\vec{b}|^2 \text{ より}$$

$$4 = 4 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} + 4 \Rightarrow 2\vec{a} \cdot \vec{b} = 4 \quad \therefore \vec{a} \cdot \vec{b} = 2$$

(2)  $|\vec{a}| = 1$ ,  $|\vec{b}| = 3$ ,  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -3$  のとき、大きさ  $|\vec{a} - \vec{b}|$  を求めよ。

$$|\vec{a} - \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} + |\vec{b}|^2 \text{ より}$$

$$|\vec{a} - \vec{b}|^2 = 1 + 6 + 9 = 16 \quad \therefore |\vec{a} - \vec{b}| = 4$$